

# Transparência eletromagneticamente induzida

Edwin Pedrozo Peñafiel

Universidade de São Paulo, Instituto de Física de São Carlos

November 5, 2011

## Abstract

Neste trabalho se faz uma descrição geral do fenômeno de transparência eletromagneticamente induzida, mostrando primeiramente o conceito de aprisionamento coerente nos chamados estados escuros. Não se pretende aqui, descrever rigurosamente o fenômeno, más sim, expor as ideias fundamentais que vão nós servir como ponto de partida para estudos mais rigurosos desse fenômeno ou outros relacionados, de grande beleza e interesse, sobretudo em campos como a óptica quântica.

## Introdução

Ensembles atômicos preparados numa superposição coerente de estados produz o *efeito Hanle*, *photon echo*, *self-induced transparency*, and *coherent Raman Beats* (Coloco estes efeitos só para informação e quem tenha curiosidade ou interes em procurar mais informação, mas não sei o em que consistem, nem é o objetivo deste escrito describí-los).

Uma consequência interessante de preparar um sistema atômico numa superposição coerente de estados é que sob certas condições, é possível cancelar a absorção por coerência atômica. Estes estados atômicos são chamados de "estados de aprisionamento" (*trapping states*). A observação de não absorção de radiação ressonante a través de coerência atômica e interferência impacta no conceito de laseo sem inversão (*lasing without inversion*, *LWI*), melhoramento do indice de refração acompanhado por desaparecimento da absorção, e transparência eletromagneticamente induzida.

No fenômeno de LWI, a ideia fundamental é que a absorção é cancelada por coerência atômica e interferencia. Este fenômeno é também a essencia da EIT. Em geral estes processos são realizados em sistemas atômicos de três níveis nos quais existe uma rota coerente para a absorção que pode interferir destrutivamente, levando assim a cancelar a absorção. Então, uma pequena população no estado excitado pode levar a um ganho neto.

Começemos então describendo o fenômeno de aprisionamento coerente com o que se conhece como estados escuros (*coherent trapping - dark states*).

## Aprisionamento coerente - estados escuros

O fenômeno de aprisionamento coerente é uma consequência da superposição coerente de estados atômicos. Se o átomo é preparado numa superposição coerente de estados, então é possível cancelar a absorção ou emissão sob certas condições. Estes átomos são efetivamente transparentes ao campo incidente inclusive na presença de transições ressonantes.

Cosideremos o aprisionamento coerente num átomo de três níveis interagindo com dois campos de frequências  $\nu_1$  and  $\nu_2$ . Vamos assumir que o átomo esteja numa configuração  $\Lambda$  na qual os dois estados mais baixos  $|b\rangle$  e  $|c\rangle$  estão acoplados ao nível superior  $|a\rangle$ . O hamiltoniano do sistema, na aproximação de onda girante é

$$H = H_0 + H_1 \quad (1)$$

onde

$$H_0 = \hbar\omega_a |a\rangle \langle a| + \hbar\omega_b |b\rangle \langle b| + \hbar\omega_c |c\rangle \langle c| \quad (2)$$

$$H_1 = -\frac{\hbar}{2}(\Omega_{R1}e^{-i\phi_1}e^{-i\nu_1 t}|a\rangle\langle b| + \Omega_{R2}e^{-i\phi_2}e^{-i\nu_2 t}|a\rangle\langle c|) + \text{H.c} \quad (3)$$

Aqui,  $\Omega_{R1}e^{-i\phi_1}$  e  $\Omega_{R2}e^{-i\phi_2}$  são as as frequências de Rabi complexas associadas com o acoplamiento dos modos das frequências  $\nu_1$  e  $\nu_2$  às transições atômicas  $|a\rangle \rightarrow |b\rangle$  e  $|a\rangle \rightarrow |c\rangle$ , respetivamente. Só estas duas são as únicas transições de dipolo permitidas.

A função atômica pode ser escrita como

$$|\psi(t)\rangle = c_a(t)|a\rangle + c_b(t)|b\rangle + c_c(t)|c\rangle \quad (4)$$

Usando a equação de Schrodinger

$$i\hbar|\dot{\psi}\rangle = H|\psi\rangle \quad (5)$$

podemos derivar as equações de movimento para as amplitudes de propabilidade  $c_a(t)$ ,  $c_b(t)$  y  $c_c(t)$ :

$$\dot{c}_a = \frac{i}{2}(\Omega_{R1}e^{-i\phi_1}c_b + \Omega_{R2}e^{-i\phi_2}c_c) \quad (5a)$$

$$\dot{c}_b = \frac{i}{2}\Omega_{R1}e^{i\phi_1}c_a \quad (5b)$$

$$\dot{c}_c = \frac{i}{2}\Omega_{R2}e^{i\phi_2}c_a \quad (5c)$$

onde  $\nu_1 = \omega_{ab}$ , é a frequência ressonante com a transição  $|a\rangle \rightarrow |b\rangle$ , e a frequência  $\nu_2 = \omega_{ac}$  é ressonante com a transição  $|a\rangle \rightarrow |c\rangle$ .

Se assumirmos um estado inicial para o sistema atômico ser uma superposição dos dois estados mais baixos  $|b\rangle$  e  $|c\rangle$  da forma

$$|\psi(0)\rangle = \cos(\theta/2)|b\rangle + \sin(\theta/2)e^{-i\varphi}|c\rangle \quad (6)$$

A solução do conjunto de equações (5) sujeito a esta condição inicial é dada por

$$c_a(t) = \frac{i \sin(\Omega t/2)}{\Omega} \Omega_{R1} e^{-i\phi_1} \cos(\theta/2) + \Omega_{R2} e^{-i(\phi_2 + \varphi)} \sin(\theta/2) \quad (7)$$

$$c_b(t) = \frac{1}{\Omega^2} \{ [\Omega_{R2}^2 + \Omega_{R1}^2 \cos(\Omega t/2)] \cos(\theta/2) - 2\Omega_{R1}\Omega_{R2} e^{i(\phi_1 - \phi_2 - \varphi)} \sin^2(\Omega t/4) \cos(\theta/2) \} \quad (8)$$

$$c_c(t) = \frac{1}{\Omega^2} \{ -2\Omega_{R1}\Omega_{R2} e^{-i(\phi_1 - \phi_2)} \sin^2(\Omega t/4) \cos(\theta/2) + [\Omega_{R1}^2 + \Omega_{R2}^2 \cos(\Omega t/2)] e^{-i\varphi} \sin(\theta/2) \}$$

onde  $\Omega^2 = \Omega_{R1}^2 + \Omega_{R2}^2$ . Para que aconteça o aprisionamento coerente (Coherent trapping) devemos ter

$$\Omega_{R1}^2 = \Omega_{R2}^2, \quad \theta = \pi/2, \quad \phi_1 - \phi_2 - \varphi = \pm\pi \quad (10)$$

Assim, vamos ter

$$c_a(t) = 0 \quad (11a)$$

$$c_b(t) = \frac{1}{\sqrt{2}} \quad (11b)$$

$$c_c(t) = \frac{1}{\sqrt{2}} e^{-i\varphi} \quad (11c)$$

Por tanto, a população é *aprisionada* nos estados mais baixos e não há absorção inclusive na presença de campo. Então, no sistema de três níveis mostrado, o aprisionamento coerente acontece devido à interferencia quântica destrutiva entre as duas transições.

Um dos aspectos interessantes do aprisionamento coerente, é que ele pode ocentecer inclusive se os átomos não estejam num estado escuro em  $t = 0$ . Assim, o átomo pode ser forzado ir para este estado por ação de um campo eletromagnético e emissão espontânea via transferência adiabática de população. Um exemplo deste caso é a transparência eletromagneticamente induzida (EIT: *Electromagnetically induced transparency*).

### Transparência eletromagneticamente induzida (EIT)

Os níveis  $|a\rangle$  e  $|b\rangle$  estão acoplados por um campo de prova de amplitude  $E_0$  e frequência  $\nu$ . O nível  $|a\rangle$  é acoplado a  $|c\rangle$  por campo intenso de frequência  $\nu_\mu$  com freqência de Rabi complexa  $\Omega_\mu e^{-i\phi_\mu}$ . As taxas de decaimento para  $\rho_{ab}$ ,  $\rho_{ac}$ , e  $\rho_{cb}$  são chamadas de  $\gamma_1$ ,  $\gamma_2$ , e  $\gamma_3$  respetivamente.

O hamiltoniano de interação do átomo e os dois campos é dado pela equação (3) com as substituições

$$\Omega_{R1} e^{-i\phi_1} e^{-i\nu_1 t} = \frac{\wp_{ab} E_0}{\hbar} e^{-i\nu t} \quad (12a)$$

$$\Omega_{R2} e^{-i\phi_2} e^{-i\nu_2 t} = \Omega_\mu e^{-i\phi_\mu} e^{-i\nu_\mu t} \quad (12b)$$

As equações de movimento para os elementos da matriz densidade são dados por

$$\begin{aligned}\dot{\rho}_{ab} &= -(i\omega_{ab} + \gamma_1)\rho_{ab} - \frac{i}{2} \frac{\wp_{ab}E_0}{\hbar} e^{-i\nu t} (\rho_{aa} - \rho_{bb}) \\ &\quad + \frac{i}{2} \Omega_\mu e^{-i\phi_\mu} e^{-i\nu_\mu t} \rho_{cb}\end{aligned}\quad (13)$$

$$\begin{aligned}\dot{\rho}_{cb} &= -(i\omega_{cb} + \gamma_3)\rho_{cb} - \frac{i}{2} \frac{\wp_{ab}E_0}{\hbar} e^{-i\nu t} \rho_{ca} \\ &\quad + \frac{i}{2} \Omega_\mu e^{i\phi_\mu} e^{i\nu_\mu t} \rho_{ab}\end{aligned}\quad (14)$$

$$\begin{aligned}\dot{\rho}_{ac} &= -(i\omega_{ac} + \gamma_2)\rho_{ac} - i\Omega_\mu e^{i\phi_\mu} e^{-i\nu_\mu t} (\rho_{aa} - \rho_{cc}) \\ &\quad + \frac{i}{2} \frac{\wp_{ab}E_0}{\hbar} e^{-i\nu t} \rho_{bc}\end{aligned}\quad (15)$$

A dispersão e absorção são dadas por  $\rho_{ab}$ . Para calcular esta quantidade, consideramos que o átomo está inicialmente no estado  $|b\rangle$ , ou seja,

$$\rho_{bb}^{(0)} = 1, \rho_{aa}^{(0)} = 0, \rho_{cc}^{(0)} = 0, \rho_{ca}^{(0)} = 0 \quad (16)$$

Fazendo as substituições

$$\rho_{ab} = \tilde{\rho}_{ab} e^{-i\nu t} \quad (17a)$$

$$\rho_{cb} = \tilde{\rho}_{cb} e^{-i(\nu + \omega_{ca})t} \quad (17b)$$

se obtem o seguinte conjunto de equações acopladas:

$$\begin{aligned}\dot{\tilde{\rho}}_{ab} &= -(\gamma_1 + i\Delta)\tilde{\rho}_{ab} + \frac{i}{2} \frac{\wp_{ab}E_0}{\hbar} \\ &\quad + \frac{i}{2} \Omega_\mu e^{-i\phi_\mu} \tilde{\rho}_{cb}\end{aligned}\quad (18)$$

$$\dot{\tilde{\rho}}_{cb} = -(\gamma_3 + i\Delta)\tilde{\rho}_{cb} + \frac{i}{2} \Omega_\mu e^{i\phi_\mu} \tilde{\rho}_{ab} \quad (19)$$

onde  $\Delta = \omega_{ab} - \nu$  é a dessintonia do campo de prova e  $\nu_\mu = \omega_{ac}$ .

Como já disse, estamos interessados no termo  $\rho_{ab}$ , o qual, resolvendo o sistema de equações anterior fica

$$\rho_{ab}(t) = \frac{\wp_{ab}E_0 e^{-i\nu t} (\gamma_3 + i\Delta)}{2\hbar [(\gamma_1 + i\Delta)(\gamma_3 + i\Delta) + \Omega_\mu^2/4]} \quad (20)$$

Usando as relações para a polarização complexa dadas por

$$\wp = \epsilon_0 \chi E_0 \quad (21a)$$

$$P(z, t) = 2\wp \rho_{ab} e^{i[\nu t - kz + \phi(z, t)]} \quad (21b)$$

obtemos as expressões para a parte real e imaginária da susceptibilidade  $\chi = \chi' + \chi''$ :

$$\begin{aligned}\chi' &= \frac{N_a |\wp_{ab}|^2 \Delta}{\epsilon_0 \hbar Z} [\gamma_3 (\gamma_1 + \gamma_3) \\ &\quad + (\Delta^2 - \gamma_1 \gamma_3 - \Omega_\mu^2/4)]\end{aligned}\quad (22)$$

$$\begin{aligned}\chi'' &= \frac{N_a |\wp_{ab}|^2}{\epsilon_0 \hbar Z} [\Delta^2 (\gamma_1 + \gamma_3) \\ &\quad - \gamma_3 (\Delta^2 - \gamma_1 \gamma_3 - \Omega_\mu^2/4)]\end{aligned}\quad (23)$$

onde  $N_a$  é o número de densidade atômica e  $Z = (\Delta^2 - \gamma_1 \gamma_3 - \Omega_\mu^2/4) + \Delta^2 (\gamma_1 + \gamma_3)^2$ . As quantidades  $\chi'$  e  $\chi''$  estão relacionadas à dispersão e absorção.

As equações (22) e (23) mostram as susceptibilidades como função da dessintonia  $\Delta$  em unidades de taxa de decaimento atômico  $\gamma_1$ , para  $\Omega_\mu = 2\gamma_1$  e  $\gamma_1 \gg \gamma_3$  ( $\gamma_3 = 10^{-4}\gamma_1$ ). Vemos que para  $\Delta = 0$ , ou seja quando temos o campo de prova ressonante com a transição  $|b\rangle \rightarrow |a\rangle$ , tanto  $\chi'$  quanto  $\chi''$  são iguais a zero, ou seja, a absorção é quasi zero quando o índice de refração é igual à unidade ( $n^2(\nu) = 1 + \chi(\nu)$ ), assim, o meio se torna transparente sob a ação de um campo intenso. *Este é um exemplo de transparência eletromagneticamente induzida (EIT).*

## References

- [1] Scully M. O.; Shuhail zubairy M., Quantum Optics, Cambridge: Cambridge University Press, Cambridge, 1997
- [2] Fleischhauer, M.; Imamoglu, A.; Marangos, J. Electromagnetically induced transparency: optics in coherent media Reviews in Modern Physics, v. 77, n. 2, p. 633-673, Apr. 2005.





